

# Informatik 1

## Vorlesungsmitschrift

geschrieben von

Tihomir R. Todorov

SS 2010, Prof. Dr. Pape

# Inhaltsverzeichnis

1	Vorlesung (fehlt ☹)	04
2	Vorlesung	05
	Primitive Datentypen (Deklaration, Initialisierung, Anwendung)	05
	Primitive Datentypen (Range, Beispielen)	05
	Bsp.-Temperaturumrechnung, Operatoren, Mathematik vs. Java	06
	Überlauf, Schwerwiegender Fehler, Gleitkommazahlen	06
3	Vorlesung	07
	Konvertierungen (von klein zu groß und umgekehrt)	07
	Zuweisungsoperator: =	07
	Inkrement, Dekrement	08
	Boolesche Ausdrücke	08
	Vergleichsoperatoren (nur für Zahltypen)	09
4	Vorlesung	10
	Boolesche Ausdrücke	10
	Boolesche Operatorenbindung	10
	Boolesche Konvention und Formatierung vom Ausdrücken	10
	if-, if-else-Anweisung	11
5	Vorlesung	13
	Vertauschen von Werten	13
	while-Schleife	13
	do-while-Schleife	14
6	Vorlesung	15
	for-Schleife	15
	Primzahl-Beispiel 1	15
	Primzahl-Beispiel 2	16
	switch-Anweisung	16
	Methoden (Klassenmethoden)	17
7	Vorlesung	18
	Weiter mit Klassenmethoden	18
	Polymorphie	18
	Erde-Beispiel	19
8	Vorlesung	21
	UML Modellierung - Aktivitätsdiagramme	21
	Aktivitätsdiagramm: Wecker-Aufstehens-Beispiel	21
	Elemente des Aktivitätsdiagramms	21
	Aktivitätsdiagramm: Wecker-Person-Beispiel	22
9	Vorlesung (fehlt ☹)	23
10	Vorlesung	24
	UML Modellierung – Klassendiagramme	24
	UML Modellierung – Paketdiagramme	24
	Beispiel: Versicherungssoftware	25
	Implementierung eines UML-Klassendiagramms	26
11	Vorlesung	28
	Weite mit Klassendiagrammen	28
12	Vorlesung	31
	Geheimnisprinzip	31
	Testen mit Junit	31

13	Vorlesung	32
	MVC – <u>M</u> odel- <u>V</u> iew- <u>C</u> ontrol	32
	Javadoc Kommentare & Javadoc Tags Testen mit Junit.	32
14	Vorlesung (fehlt ☹)	34
15	Vorlesung	35
	Zweidimensionale Felder	36
16	Vorlesung	37
	Pflichtaufgabe Sudoku	37
	Rekursion	37
	Fibonacci v1	38
17	Vorlesung	39
	Weiter mit Rekursion	39
	Fibonacci v2	39
	Türme von Hanoi	39
18	Vorlesung	39
19	Vorlesung (fehlt ☹)	34
20	Vorlesung	39

**18.03.2010 (1 Vorlesung) Fehlt!**

## 22.03.2010 (2 Vorlesung)

Variablen (zum Speichern von Rechnerergebnissen):

- Datentyp
- Name

müssen vor Verwendung deklariert werden.

### Deklaration:

```
Datentyp Name; // ; (semicolon) schließt Anweisung ab. Dekl.  
Datentyp Name = Ausdruck; // Deklaration + Initialisierung.
```

### Anwendung:

```
int wocheTag; // ; (semicolon) schließt Anweisung ab. Dekl.  
int monat = 3; // Deklaration + Initialisierung.
```

### Primitive Datentypen:

byte, short, int, long	float, double	boolean	char	
-----	-----	-----	-----	
2er-Komplement	Gleitkommazahl	Boolean	Character	
Bsp.: -1, 123, 34, 1444	Bsp.: 20.70, 13.1	Bsp.: true, false	Bsp.: 'a'	

### Range:

-----	-----	
byte: -128 bis 127	JVM	
short: -32768 ( $2^{15}$ ) bis 32767 ( $2^{15}-1$ )	2 bytes	
int: ~-2Mio bis 2Mio		
long: $-2^{63}$ bis $2^{63} - 1$ ( $\sim 10^{11}$ )	8 bytes	

Verwenden Sie: int, long Vergessen Sie: short  
double statt float (in C double ist schneller als float!)

### Beispielen:

```
int wocheTag; // Wert 0  
int monat = 3; //  
boolean sonning = true; //  
boolean wolig; // false  
char c = 'a'; // unter Unicode  
char c; // nul = 0  
double pi = 3.1415; //  
long l = 1L; // L, damit der Compiler weißt, dass ein Long-Wert ist.  
long minusSieben = -7l; // l, damit ...  
float e = 2.7f; // f, damit der Compiler weißt, dass ein Float-Wert ist,  
// sonst ist immer ein Double-Wert.  
double hundert = 10.0e2; // 1000 = 1*103  
double einhalb = 50E-2; // = 10*102  
// Note: Wissenschaftliche Notation (obere 2 Bsp.) nur  
// bei sehr großen oder sehr kleinen Zahl verwenden.  
char dal = '\u0062F'; // 0062F sind 4 Ziffern  
char schraegstrich = '\\'; //  
char neueZeile = '\n'; // new line  
char tabulator = '\t'; // Tabulator
```

Beispiel (Temperaturumrechnung):

Formel:  $f = c * 1.8 + 32$  // where 1.8 = 9/5

Zuweisung: Variable = Ausdruck; // Ausdruck wird ausgewertet und dann in // die Speichervariable geschrieben.

Source (Temperaturumrechnung):

```
public class CelciusInFahrenheit {
    public static void main(String [] argv) {
        double celsius = 23.0;
        double fahrenheit;

        fahrenheit = celsius * (9.0 / 5.0) + 32;
        System.out.println(fahrenheit);
    }
}
```

Operatoren:

+, -, \*, /, % (Gelten für ganze Zahlen sowie Gleitkommazahlen)

Mathematik:	vs.	Java:
7 : 5 = 1 Rest 2		7 / 5 = 1
		7 % 5 = 2

Falls eine Seite einer Operation im Ergebnis double (float), dann ist die Operation eine double-Operation (float).

Konvention: Möglichst gleiche Datentypen in Teil eines Ausdrucks verwenden.

Note: Tutorien, Rechnerübungen ab 29. März:

Beispiel:

```
byte b = 127;
b = b + 1; // Überlauf, d.h. es wird einfach binär weiter gerechnet.
           // 0111 1111 + 0000 0001 -> 1000 0000 im Techn. Info. = -1
           // (-1 ist im 2er-Komplement)
b = b / 0; // Programm bricht mit Fehler ab (Schwerwiegender Fehler)!
```

<u>Note:</u>	1Bit	8 Bit/11Bit	23 Bit/52 Bit	0
(float/double)	31	30 23	22	
Gleitkommazahlen:				
	VZ(s) der M.	Exponent(e) zur	Mantisse(m)	
	0=+, 1=-	Basis(b)		
		2er-Komplement		

Formel:  $(-1)^{[Vorzeichen(s)]} * Mantisse(m) * Basis(b)^{[+-Exponent(e)]}$

0.5 + 1 - 1 + 1\*2<sup>-1</sup> = 0.5  
0.1 hat periodische Darstellung binär => nicht genau als Gleitkommazahl darstellbar.

Fazit:  
Rechenergebnisse bei Gleitkommaoperatoren sind (meist) mathematisch nicht genau!

## 25.03.2010 (3 Vorlesung)

Tutorien (nächste Woche):

Mo: 14:00 E303

Di: 9:50 LI137

### Widening Conversion (von klein zu groß)

Konvertierung Datentypen geringer Genauigkeit zu Datentypen höherer Genauigkeit (Compiler) bei Ausdrücken, Zuweisungen, Initialisierungen

byte < short < int < long < float < double

Bsp.:

```
long l = 17;
```

```
int i = 17L;           // Compiler meldet Fehler.
```

```
float f = 2147483642; // 5 weniger als max. int Wert.
```

Konvertierung

int -> float

long -> float, double

kann ungenauer sein.

### Narrowing Conversion (von groß zu klein)

Konvertierung von Datentypen höherer Genauigkeit zu Datentypen geringerer Genauigkeit. cast-Operator vor Zahl-Ausdruck nötig.

Bsp.:

```
int i = (int) 17.5
```

1. Nachkommaanteil wird abgeschnitten
2. Ganzzahliger Anteil wird in int (oder long) konvertiert. Falls Zahl zu groß für int (oder long) ist, dann wird maximale int (long) Wert genommen.
3. Falls Zieldatentyp int (long) war, dann ist Wert aus 2. das Ergebnis.
4. Falls Zieldatentyp byte, short, char ist, dann werden die unteren 8, 16 Bits aus Wert von Schritt 2 genommen.

```
byte b = (byte) 255.552; // -1.
```

```
int i = (int) 500 000 000L; // i ist maximaler int Wert.
```

### Weiter mit Operatoren

Zuweisungsoperator: =

Linke Seite muss eine Variable sein, rechte Seite muss ein Typkompatibler Ausdruck Sein (in der Regel gleiche Datentyp wie die Variable).

Ergebnis der Zuweisung ist Wert der rechten Seite.

Bsp.:

```
int a = 1;
```

```
    a = 2;
```

```
    a = (a = 1);
```

```
    a = (a = a + 1) - 1;
```

```
int b = 2;
```

a = b = 2; <=> a = (b = 2); // Wird von rechts nach links ausgewertet.

### Varianten von =

A Op = B Op = { +, -, \*, /, %, ... }

Bsp.:

a += 1; <=> a = a + 1; // A = (A) Op (B)

double d = 1 - 0;

d \*= 7.0; <=> d = d \* (7.0);

### Inkrement, Dekrement

a++; <=> a = a + 1;

a--; <=> a = a - 1;

	a++	++a	a--	--a
Ergebnis	A	a + 1	a	a - 1

int a = 6;

a += (a -= 5); <=> a = a + (a = (a - 5)) // Lösung: 7

Seiteneffekte:

Zustandsänderungen von Programmen Werteänderungen einer Variablen ist ein Seiteneffekt.

Konvention: Seiteneffekte in Ausdrücken vermeiden!

### Boolesche Ausdrücke

boolean

Literales true, false

& Und

| Oder

^ Entweder oder(XOR)

! Negation

Bsp.:

boolean esRegnet = true;

boolean fensterSindOffen = true;

boolean wohnungIstNass = esRegnet & fensterSindOffen;

boolean bodenFrischGewisch = false;

boolean rutschGefahr = (esRegnet & fensterSindOffen) | bodenFrischGewisch;

boolean sonnigesWetter = !esRegnet;

### Operatorenbindung

& stärker als ^, ^ stärker als |

! stärker als &, ^, |

### Relationaloperatoren (für alle Datentypen)

= (Identitätsoperator) !=

Bsp.: a != b <=> !(a == b)



Bsp.:

1 == 2                   -> false  
1 == (2 - 1)           -> true  
1 != 2                   -> true  
true == false          -> false

Vergleichsoperatoren (nur für Zahltypen)

>, <, >=, <=          Bsp.: 7 > 5   -> true,      5 <= -2   -> false

Übung:

```
double a = 1.0;
double b = 0.0;
10 mal 0.1 auf b addieren
a == b           -> false (b nicht genau 1.0)
```

Gleitkommazahlen Nie mit == direkt vergleichen!

$|a - b| < 0.000000001$

Java: Math.abs(a - b) < 0.000000001 (hängt von Anwendungszweck ab)

Zeichenketten

“Dies ist eine Zeichenkette“

Datentyp String

## 29.03.2010 (4 Vorlesung)

### Tutorien

Mo 14:00 UE02  
Mo 14:00 E303  
Di 9:50 LI137

### Boolesche Ausdrücke

&, ^, |, !

&&, || -> Kurzschlussoperatoren

true && false -> false

true || false -> true

Bei binären Operatoren (+, \*, &, |) wird erst linke Seite des Ausdrucks ausgewertet, dann die rechte Seite.

Bei && und || wird rechte Seite nur ausgeführt, wenn Ergebnis noch nicht feststeht.

boolean b = true;	b && a	(rechte Seite wird ausgeführt)
boolean a;	(!b) && a	(rechte Seite wird nicht ausgewertet, wenn (!b) = false)
	(!b)    a	(rechte Seite wird ausgeführt)
	b   (!a)	(rechte Seite wird nicht ausgeführt, wenn b = true)

### Operatorenbindung

! bindet am stärksten	!a & b	<==>	(!a) & b
& bindet stärker als ^	a   ((b & (!a)) ^ (a == b))		
^ bindet stärker als	(a   b) && (!a)	Erweiterung wahr	a   (b && (!a))

### Konvention:

- &, | nicht mit &&, || in einem Ausdruck mischen.
- Ausdrücke möglichst vollständig klammern.
- Nicht über sichtbares Zeilenende hinaus schreiben (Umbruch)

### Formatierung von Ausdrücken

- Vor und nach einem (binären) Operator ein Leerzeichen setzen (Bsp.: a | b)
- Vor einem Operator mit schwacher Bindung (Klammern) umbrechen
- Einrücken bis unter zugehörigen linken Zeilenausdruck

Bsp.:

```
int a, b;          a * a * a + 3 * a * a * b + 3 * a * b * b
                   + b * b * b
```

### Kontrollanweisungen

steuern Kontrollfluß eines Programms

### Einfachauswahl

Bei Kauf von Alkohol: ab 16 Bier/Wein  
ab 18 alles  
nicht zwischen 22:00 – 05:00 Uhr (BaWü)

Bsp.:

```
int alter;
int uhrzeit; // angetangene volle Stunde
boolean alkohol; // kauft (irgendwas) alkoholische Getränke
boolean bier // darf ab 16 verkauft werden.
```

```
(bier | alkohol) & !(22 <= uhrzeit & uhrzeit < 5) & (alter >= 18 | bier & alter >= 16)
^ !(bier | alkohol))
```

```
if ((bier | alkohol) & ((!bier & alter < 16) ^ alter < 18)) {
    System.out.println("ALARM");
    System.out.println("Person festhalten");
}
```

1. Boolesche Ausdruck wird ausgewertet
2. Anweisungsblock wird ausgeführt, falls Ausdruck true ergab
3. Ansonsten: if-Anweisung ist beendet.

<pre>if (B) {     A1;     A2;     ...     An; }</pre>	<pre>// Wenn nur ein Ausdruck ist, es ist möglich // auch ohne { }. if (B)     A1;</pre>
-------------------------------------------------------	------------------------------------------------------------------------------------------

Empfehlung:

Immer { } bei allen Kontrollanweisungen verwenden.

### Zweifachauswahl

```
if (B) {
    // Wird ausgeführt, falls B true ist.
} else {
    // Wird ausgeführt, falls B false ist.
}
```

Code Style:

<pre>if (B) {     // ... }</pre>	<pre>if (B) {     // ... }</pre>	<pre>if (B) {     // ... }</pre>
----------------------------------	----------------------------------	----------------------------------

Nach {, } kein Anweisung schreiben

Pro Zeile max. eine Anweisung

Bei (a), (b) Anweisungen einrücken.

<pre>If (B1) {     // ... } else {     if (B2) {         // ...     } else {         if (B3) {             // ...         }     } }</pre>	<pre>if (B1) {     // ... } else if (B2) {     // ... } else if (B3) { } else {     // ... }  <b>Ausnahme!!!</b></pre>
-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

## 01.04.2010 (5 Vorlesung)

Gegeben: 3 Zahlen a,b,c	Gesucht: Sortierung von a, b, c a <= b <= c (mit gegebene Werte)
-------------------------	---------------------------------------------------------------------

1. Vertauschen von Werten.
2. Zwei Werte sortieren.
3. Drei Werte sortieren.

1. Vertauschen von Werten (Java-Source).  int a, b, tmp; tmp = a; a = b; b = tmp;	2. Zwei Werte Sortieren (Java-Source).  int a, b; if (a < b) { // Do nothing. } else { int tmp = a; a = b; b = tmp; }
--------------------------------------------------------------------------------------------------	--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

3. Drei Werte Sortieren (Überlegung).  a    b    c 1    2    3 2    1    3 1    3    2 2    3    1 3    1    2 3    2    1	3. Drei Werte Sortieren (Java-Source).  if (a > b) { // Vertausche a und b } if (b > c) // vertausche b mit c } // => max. ist in c if (a > b) { }
----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### while-Schleife (Kopfgesteuerte-Schleife, da die Bedingung am Anfang ist.)

```
while (boolescher Ausdruck) {  
    // Do something ...  
}
```

1. Boolescher-Ausdruck wird ausgewertet.
2. Falls Ergebnis false ist, dann wird das while abgebrochen.
3. Falls Ergebnis true ist, dann wird der Block ausgeführt und danach geht es weiter mit 1.

### Beispiel:

Zahlen von 1...10 ausgeben

```
int i = 1;  
while (i < 10) {  
    System.out.println(i);  
    i++;  
}
```

### Eulerscher Algorithmus (für ggT - den größten gemeinsamen Teiler)

Solange zwei Zahlen verschieden sind, ziehe die kleinere von der größeren ab.

<u>Überlegung:</u> a   b ----- ----- 21   9 2   9 3   9 3   6 3   3 ----- -----	<u>Java-Source:</u> int a = 21, b = 9; while (a != b) { if (a > b) { a = a - b; } else { b = b - a; } }	ggT (a, b) = ggT(a, b-a) b > a ggT(a-b, b) a > b a
---------------------------------------------------------------------------------------------------------	---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	-------------------------------------------------------------

### Testen:

Anhand von Beispieldaten, die Funktionsweise eines Programms überprüfen.

### Korrektheit eines Programms (Algorithmus).

Programm liefert zu jeder beschriebenen Eingabe (gegeben) immer das gewünschte Ergebnis (gesucht).

### Terminieren

Algorithmus endet bei den in gegeben beschriebenen Eingaben.

### do-while-Schleife

do { // Do something ... } while (Boolescher-Ausdruck);	1. Anweisung des Blocks werden ausgeführt. 2. Boolescher-Ausdruck wird ausgewertet. 3. Falls true: zurück zu 1. ansonsten ist Schleife beendet.
---------------------------------------------------------------	-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### Beispiel

Durch 7 die teilbare Zufallszahl finden.

In Java: Math.random() gibt Zufallszahl zurück zwischen 0 und 1 (double).

<u>do-while</u> int z; do { z = (int) (Math.random()*100.0); } while (z % 7 != 0);	gegen	while (Nachteil: Redondants) int z = (int) (Math.random()*100.0); while (z % 7 != 0) { z = (int) (Math.random()*100.0); }
------------------------------------------------------------------------------------------------	-------	---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

## 08.04.2010 (6 Vorlesung)

### for-Schleife

selbst nachlesen ...

Konvention:

- deklarierte Variablen der Initialisierung sollen nur im Anweisungskett geändert werden
- nur im Zusammenhang mit Lokalvariablen verwenden

for ( ;; ) { }	for ( ; true; ) { }	Endlose-Schlafen Vermeiden!
-------------------	------------------------	--------------------------------

### Primzahl-Beispiel 1:

Gegeben: Positive ganze Zahl z.

Gesucht: Ist z eine Primzahl (nur durch 1 oder z teilbar)?

Verzahren: Alle potentiellen Teiler von 2 bis z-1 ausprobieren.

### Primzahl-Beispiel 1 (Source):

```
public class Primzahl {
    public static void main(String[] args) {
        int z = 41; // int z = 101 * 41 * 41;
                  // int z = Integer.MAX_VALUE - 1;
        boolean primzahl = true;

        // for (int teiler = 2; teiler < z & primzahl; teiler++) {
        for (int teiler = 2; teiler < z; teiler++) {
            if (z % teiler == 0) {
                primzahl = false;
            }
        }

        if (primzahl) {
            System.out.println(z + "ist eine Primzahl.");
        } else {
            System.out.println(z + "ist keine Primzahl.");
        }
    }
}
```

### Schlüsselwort break:

- bricht die umschlossene Kontrollanweisung (außer if-else) ab.
- Vermeiden break bei Schleifen (Unübersichtlich)

### Primzahl-Beispiel 2:

Gegeben: Positive Zahl z.

Gesucht: Nächste Primzahl nach (und einschließlich) z.

Primzahl-Beispiel 2 (Source):

```

public class Primzahl {
    public static void main(String[] args) {
        int z = Integer.MAX_VALUE - 1;
        boolean primzahl = true;

        primzahlSuche: for (;;) {
            for (int teiler = 2; ; teiler++) {
                if (teiler == z) {
                    break primzahlSuche;
                } else if (z % teiler == 0) {
                    z++;
                    break;
                }
            }
        }

        System.out.println(z);
    }
}

```

switch-Anweisung (für eine Mehrfachauswahl)

```

switch (Arithmetischer Ausdruck) {
    case Konstanter Ausdruck: Anweisung_1;
                             Anweisung_2;
                             Anweisung_3;
                             ...
                             Anweisung_N;
    case Konstanter Ausdruck: Anweisung_N+1;
                             ...
                             Anweisung_M;
}

```

<pre> int i = 2; switch (i) {     case 0: System.out.println("0");     case 2: System.out.println("2");             break;     case 1: System.out.println("1");     case 3: System.out.println("3"); } </pre>	<table border="1"> <thead> <tr> <th>i</th> <th>Ausgabe</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0</td> <td>"0"</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>"1"</td> </tr> <tr> <td>2</td> <td>"2"</td> </tr> <tr> <td>3</td> <td>"3"</td> </tr> <tr> <td>7</td> <td>Keine Ausgabe</td> </tr> </tbody> </table>	i	Ausgabe	0	"0"	1	"1"	2	"2"	3	"3"	7	Keine Ausgabe
i	Ausgabe												
0	"0"												
1	"1"												
2	"2"												
3	"3"												
7	Keine Ausgabe												

Beispiel:

```

switch (i) {
    case 7: System.out.println("7");
            break;
    default: System.out.println("X");
}

```

Jeder Fall höchstens einmal + höchstens ein default.



### Methoden (Klassenmethoden)

- Fasst Anweisungen unter einen pro Klasse eindeutigen Namen zusammen.
- Kann Parameter zur Wertübergabe besitzen (Bsp.: "Math.abs(d);", wobei d Parameter ist).
- Parametername eindeutig pro Methode.
- Parameter verhalten sich wie lokale Variablen.
- return bricht Methode ab.
- Bei Funktionen muss return ein Ausdruck folgen, der Typkompatibel zum deklarierten Typ der Funktion.

### Primzahl-Beispiel 3 mit Methode (Source):

```
package prime_number;

class Primnumber {
    // static Method:
    // Use always the class name to call a class method / a static method!
    static boolean isPrimNumber(int nr) {
        for (int factor = 2; factor < nr; factor++) {
            if (nr % factor == 0) {
                return false;
            }
        }
        return true;
    }

    public static void main(String[] args) {
        for (int nr = 2; nr <= 100; nr++) {
            if (Primnumber.isPrimNumber(nr)) {
                System.out.println(nr);
            }
        }
    }
}
```

### Aufruf einer Klassenmethode von einer anderen Klasse:

```
package prime_number;

class PrimnumberTest {

    public static void main(String[] args) {
        for (int nr = 2; nr <= 100; nr++) {
            if (Primnumber.isPrimNumber(nr)) {
                System.out.println(nr);
            }
        }
    }
}
```

## 12.04.2010 (7 Vorlesung)

- Klassen-Methoden (mit Schlüsselwort static)
- Normalen Methoden
- Methoden mit Rückgabewert.

### Beispiel:

```
public class PrimzahlTest {
    public static void main(String[] args) {
        for (int z = 1; z <= 100; z++) {
            if (Primzahl.istPrimzahl(z)) {
                System.out.println(z);
            }
        }
        return primzahl;
    }

    public static void berechnePrimzahlen(int von, int bis) {
        for (int z = von; z <= bis; z++) {
            if (Primzahl.istPrimzahl(z)) {
                System.out.println(z);
            }
        }
    }
}
```

### Konvention:

Immer die Klassenname beim Aufruf eine Klassenmethode / Variable verwenden.

### Aufrufreihenfolge bei der berechnePrimzahlen(int, int)-Klassenmethode:

1. Parameter werden von links nach rechts ausgewertet. (Es geht nach Strengeregeln).
2. Dann wird zu der Methode-Implementierung "gesprungen".
3. Parameter werden im Speicher angelegt und werden mit den Werte aus [1] belegt.
4. Methode bricht ab, falls:
  - a. ein return ausgeführt wird,
  - b. letzte Anweisung der Methode ausgeführt wurde.
5. Bei Funktionen: Wert des Ausdrucks von return wird an die aufrufende Stelle zurückgegeben
6. Nach Ende einer Methode existieren Parameter und lokale Variablen nicht mehr

Methodennamen sind immer eindeutig (pro Klasse) + unterschiedliche Datentypen / Anzahl Parameter!

### Polymorphie (Methoden mit der gleichen Namen, aber mit unterschiedlicher Parameter):

Bei Methoden gleichen Namens wird die "best" passende genommen.

1. Anzahl Parameter muss gleich sein.
2. Widening conversions werden berücksichtigt.

### Erde-Beispiel:

Erdumfang (Äquator, Pol)  
Bahngeschwindigkeit

### Erde-Beispiel (Source):

```
public class Erde {
    public static double bahngeschwindigkeit = 29.703; // in m/s
    public static final double UMFANG_AEQUATOR = 40075.003;
    public static final double UMFANG_POL = 39949.630; // in km

    public static void main(String[] argv) {
        System.out.println("Durchschnittliche Bahngeschwindigkeit: "
            + Erde.bahngeschwindigkeit);

        Erde.bahngeschwindigkeit += 0.1;
        System.out.println("Durchschnittliche Bahngeschwindigkeit: "
            + Erde.bahngeschwindigkeit);
    }

    public static void bahngeschwindigkeitAendern() {
        Erde.bahngeschwindigkeit = Erde.bahngeschwindigkeit
            + Erde.bahngeschwindigkeit
            + Erde.bahngeschwindigkeit + 0.1;
    }
}
```

### Schlüsselwort **static**:

Klassenvariablen (Bsp.: bahngeschwindigkeit):  
Klassenmethoden (Bsp.: bahngeschwindigkeitAendern())

### Schlüsselwort **final**:

Nur bei Initialisierung kann der Wert der Variablen angegeben werden.  
Variable kann nicht mit Zuweisung geändert werden  
Geht auch bei Parametern, lokale Variablen, etc ...

Bei "**static final**":

- Großbuchstaben verwenden
- `_`: für Teilwörter.
- Bsp.: UMFANG\_AEQUATOR, UMFANG\_POL

### Mischen:

Es ist möglich Klassenvariablen mit Methodenvariablen mit den gleichen Namen zu mischen.

### Initialisierung von Klassenvariablen

- Jede Klassenvariable bekommt ihren default-Wert.
- Von oben nach unten werden Klassenvariablen initialisiert.
- Wird dabei auf eine Klasse zugegriffen, die noch nicht im Zustand der Initialisierung ist, dann wird sie vollständig initialisiert.

Beispiel (zwei voneinander abhängige Klassen):

<pre>public class A {     public static int x = 1;     public static int y = B.u; }</pre>	<pre>public class B {     public static int u = A.x; }</pre>
-------------------------------------------------------------------------------------------------------	----------------------------------------------------------------------

=> Problem bei der Initialisierung.

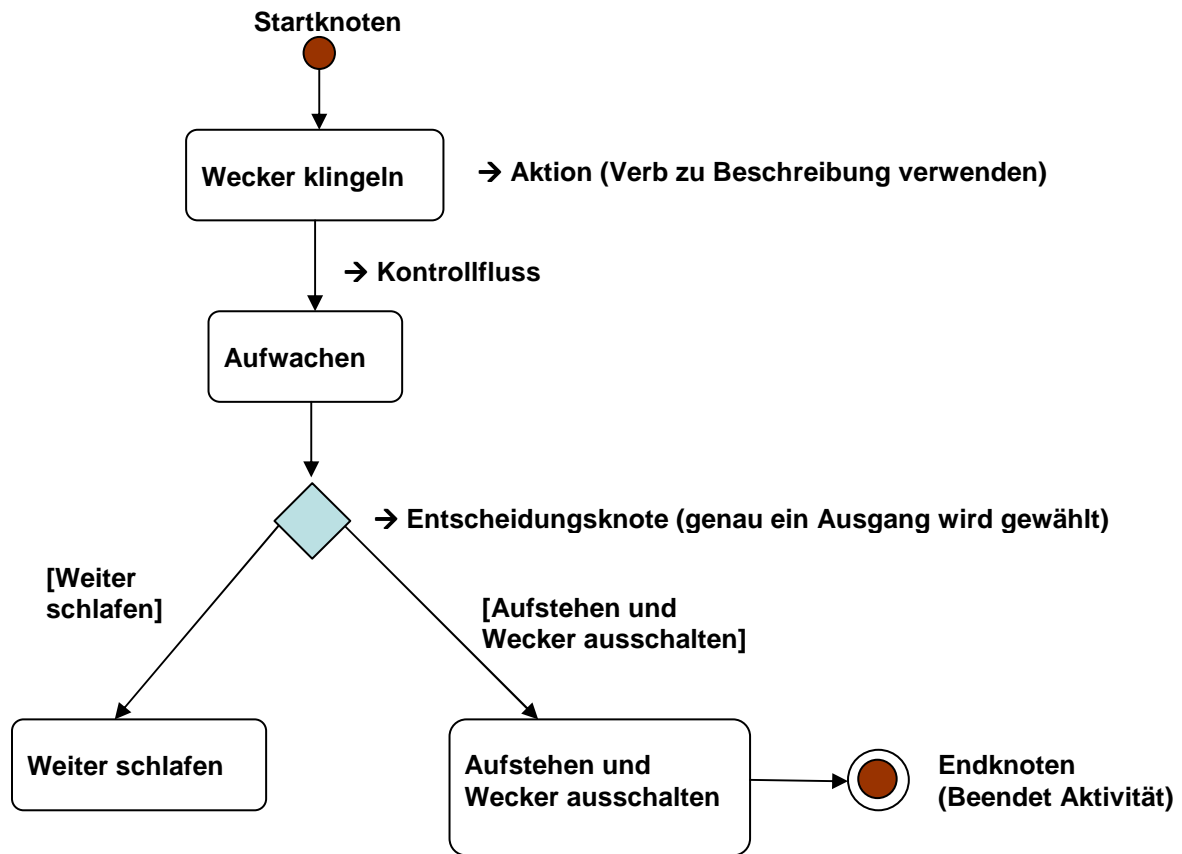
Fazit:

Initialisierung zweier Klassen nicht voneinander (beidseitig) abhängig machen!

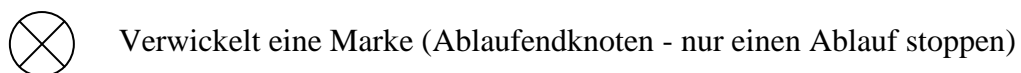
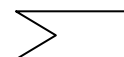
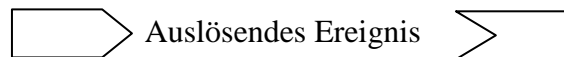
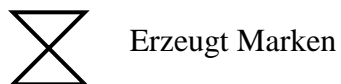
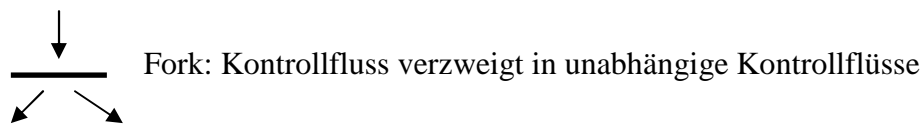
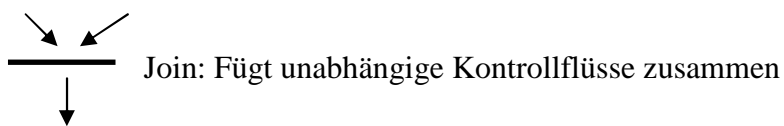
**15.04.2010 (8 Vorlesung)**

Abgabe Lösungen 1. Übungsblatt bis 27.4 beim Tutor

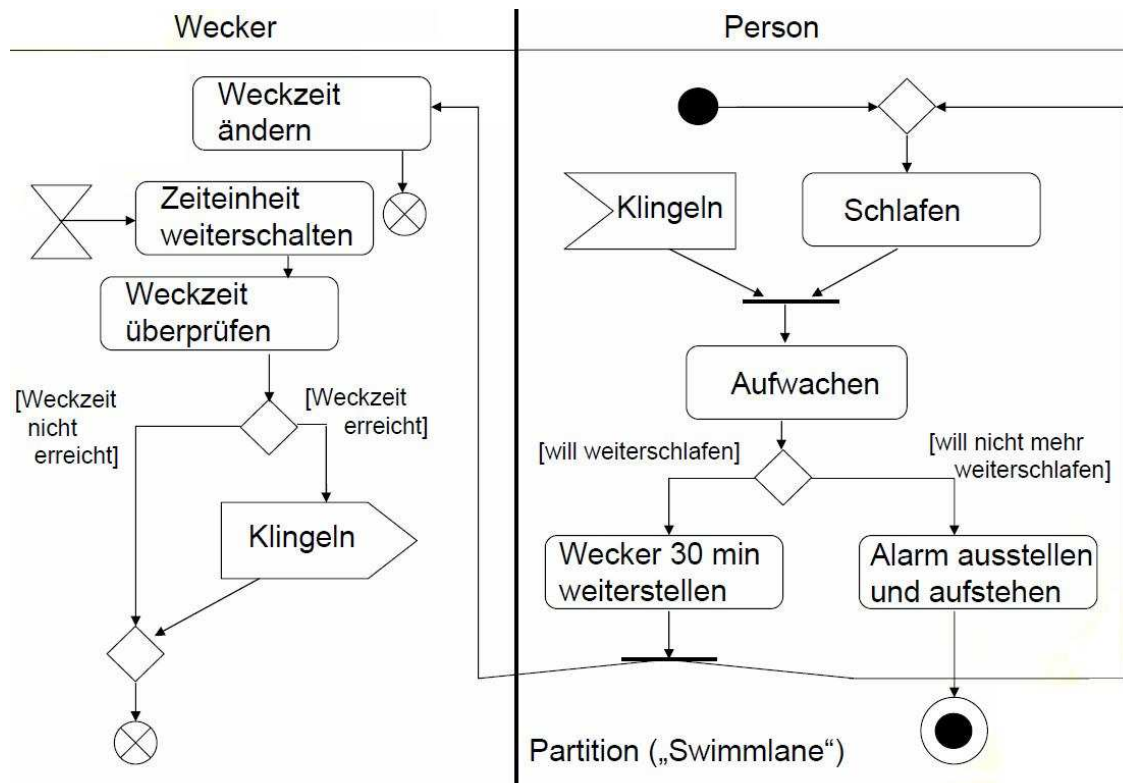
**Beispiel: (Aktivitätsdiagramm)**



**Andere Elemente des Aktivitätsdiagramms**



Beispiel:



Aufgabe (Ablauf einer Vorlesung)

Vorlesungsbeginn erreicht  
 Vorlesungsende erreicht

Dozent kommt in Raum Dozent begrüßt Studenten Dozent spricht Dozent fragt Dozent antwortet Dozent geht aus Raum Dozent schließt Vorlesung	Student kommt in Raum Student hört zu Student antwortet Student fragt Student geht aus Raum Student klopfen auf den Tisch
-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**15.04.2010 (9 Vorlesung)**

## 22.04.2010 (10 Vorlesung)

### UML Modellierung

#### Aufgabe

Eine Hochschule hat Studenten und Dozenten.

- Studenten haben einen Vor-/Nachname, ein Matrikelnummer und ein Geburtsjahr.
- Die Wohnadressen mit Strasse, Ort und Postleitzahl aller Studenten sollen vorhanden sein.
- Die Matrikelnummer soll von der Hochschule für einen Student vergeben werden.
- Studenten sollen sich für einen Studiengang an der Hochschule immatrikulieren oder exmatrikulieren können.

#### Klassen

Student (S)

Hochschule (H)

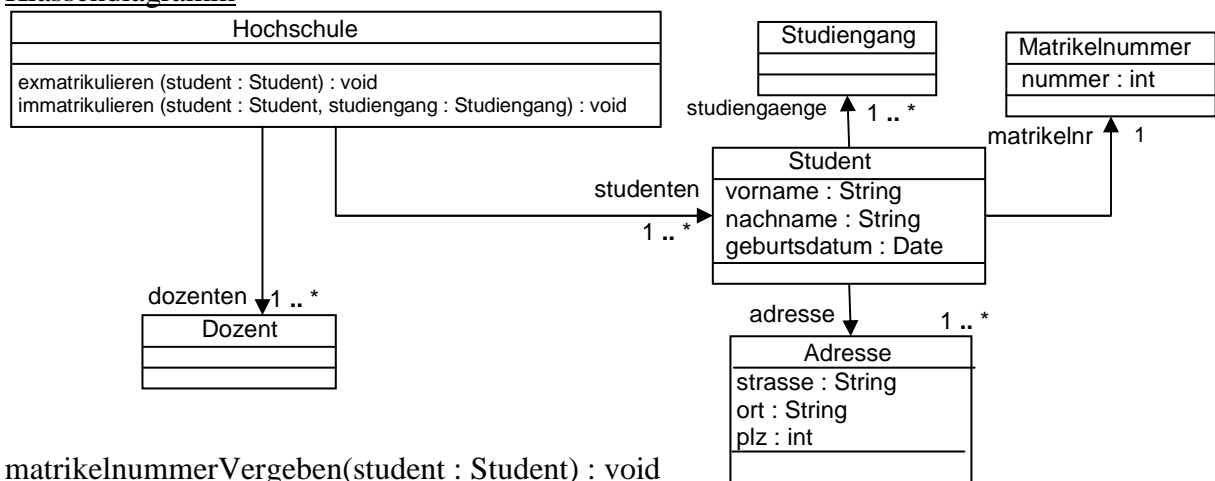
Adresse

Studiengang

Matrikelnummer

Dozent

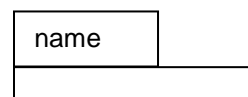
#### Klassendiagramm



`matrikelnummerVergeben(student : Student) : void`

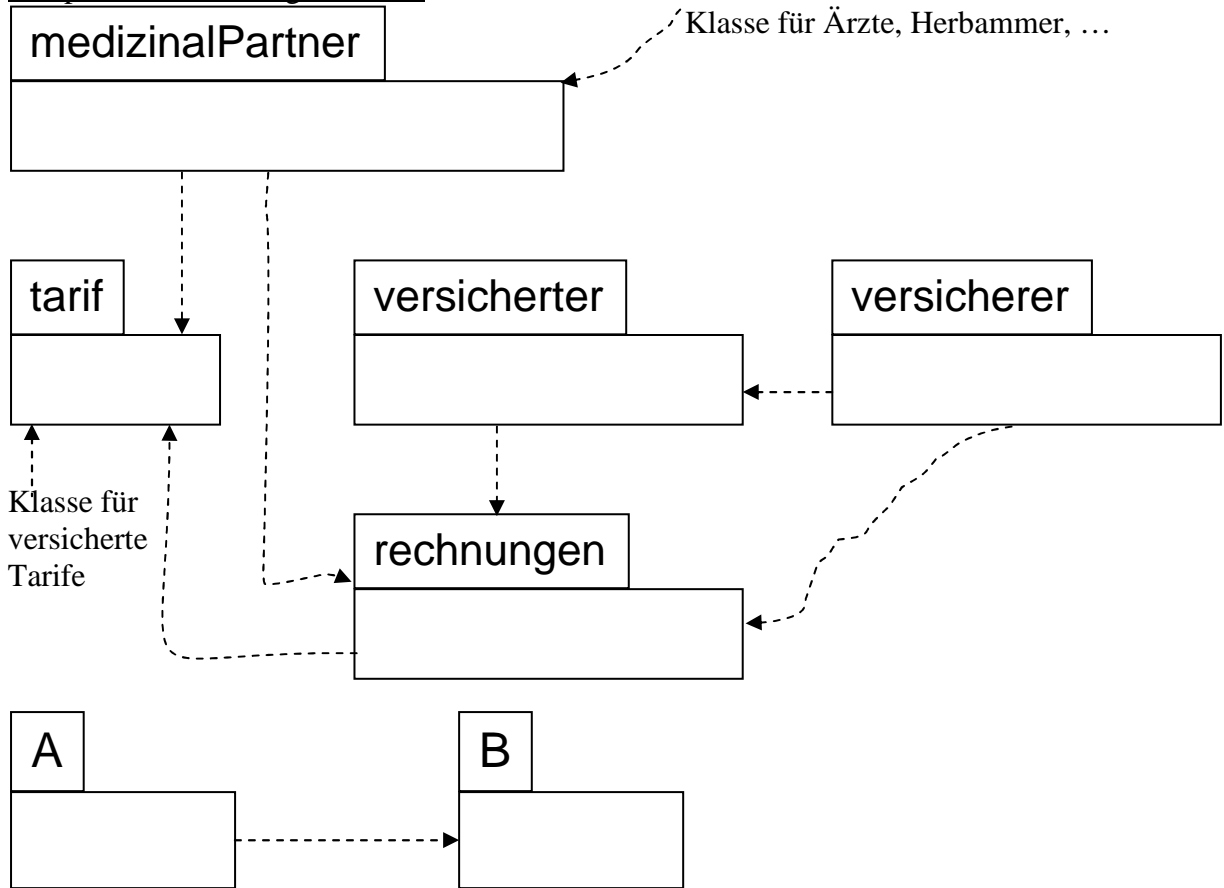
#### Pakete / Paketdiagramme

Paket (package): Menge von Klassen und Paketen



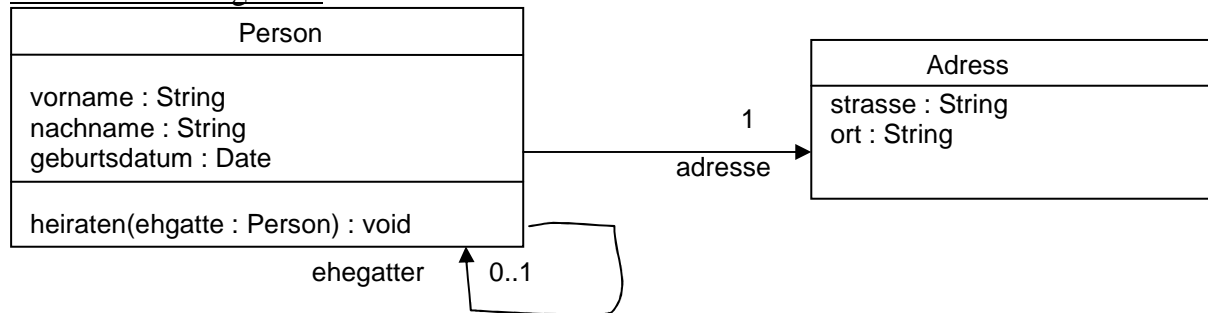


Beispiel: Versicherungssoftware



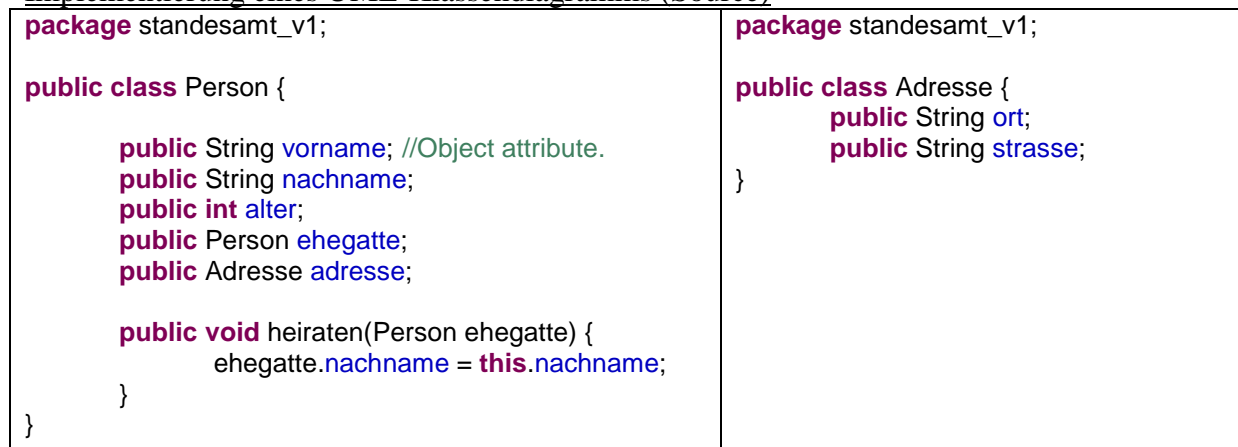
Klassen aus A dürfen auf Klassen von B zugreifen.

## UML-Klassendiagramm



- Klassen definieren Wertemenge + Operationen (Methoden). Sie sind Datentypen.
- Konstruktor erzeugt ein Objekt einer Klasse  
z.B.: `new Person()`; erzeugt bei Ausführung ein neues Objekt von Typ Person
- Zugriff auf Objektattribute / -methoden mit `•` – Operator.

## Implementierung eines UML-Klassendiagramms (Source)



```
package standesamt_v1;

public class Main {
    public static void main(String[] args) {

        Person mueller = new Person();
        mueller.nachname = "Müller";
        mueller.alter = 24;

        Adresse a = new Adresse();
        a.ort = "Karlsruhe";
        a.strasse = "Moltkestr.";

        mueller.adresse = a;
        System.out.println(mueller.adresse.ort);

        Person meier = new Person();
        meier.nachname = "Meier";
        mueller.heiraten(meier);
        System.out.println(meier.nachname);

        mueller.adresse = null;
        a = null;
    }
}
```

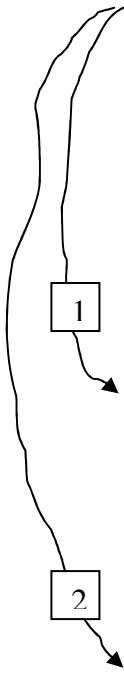
Heap (dynamischer Speicherbereich)		Stack (laufzeitkeller)
<hr/> null (vorname:String) <hr style="border-top: 1px dashed black;"/> null (nachname:String) <hr style="border-top: 1px dashed black;"/> 0 (alter:int) <hr style="border-top: 1px dashed black;"/> null (ehegatte:Person) <hr style="border-top: 1px dashed black;"/> null (adresse:Adresse) <hr style="border-top: 1px dashed black;"/>		
<ul style="list-style-type: none"> <li>- Objekte werden auf dem Heap angelegt</li> <li>- Default wert bei Objekte ist null</li> <li>- Objektvariablen enthalten nicht die Werte des Objekts sonder nur einen Verweis auf das Objekt</li> </ul>		Lokale Variablen, Parameter

Im Java, •Net wird nicht benötigter Speicher (Heap) automatisch freigegeben (garbage Collector), z.B. falls kein Verweis mehr auf ein Objekt existiert.

**26.04.2010 (11 Vorlesung)**

Beispiel Person und Heiraten weiter machen.

Heap (dynamischer Speicherbereich)		Stack (Laufzeitkeller)
null (vorname:String)	mueller (obj.)	
----- null (nachname:String)		
----- 0 (alter:int)		
----- null (ehegatte:Person)	meier (obj.)	
----- null (adresse:Adresse)		
	ehegatte (obj.)	
----- null (vorname:String)		
----- null (nachname:String)		
----- 0 (alter:int)	this (obj. für die aktuelle Klasse)	
----- null (ehegatte:Person)		
----- null (adresse:Adresse)		
----- 'M', 'e', ',', ...		
----- 'M', 'u', 'e', 'l', 'l', 'e', 'r'		
- Objekte werden auf dem Heap angelegt - Default wert bei Objekte ist null - Objektvariablen enthalten nicht die Werte des Objekts sonder nur einen Verweis auf das Objekt		Lokale Variablen, Parameter



### Konvention:

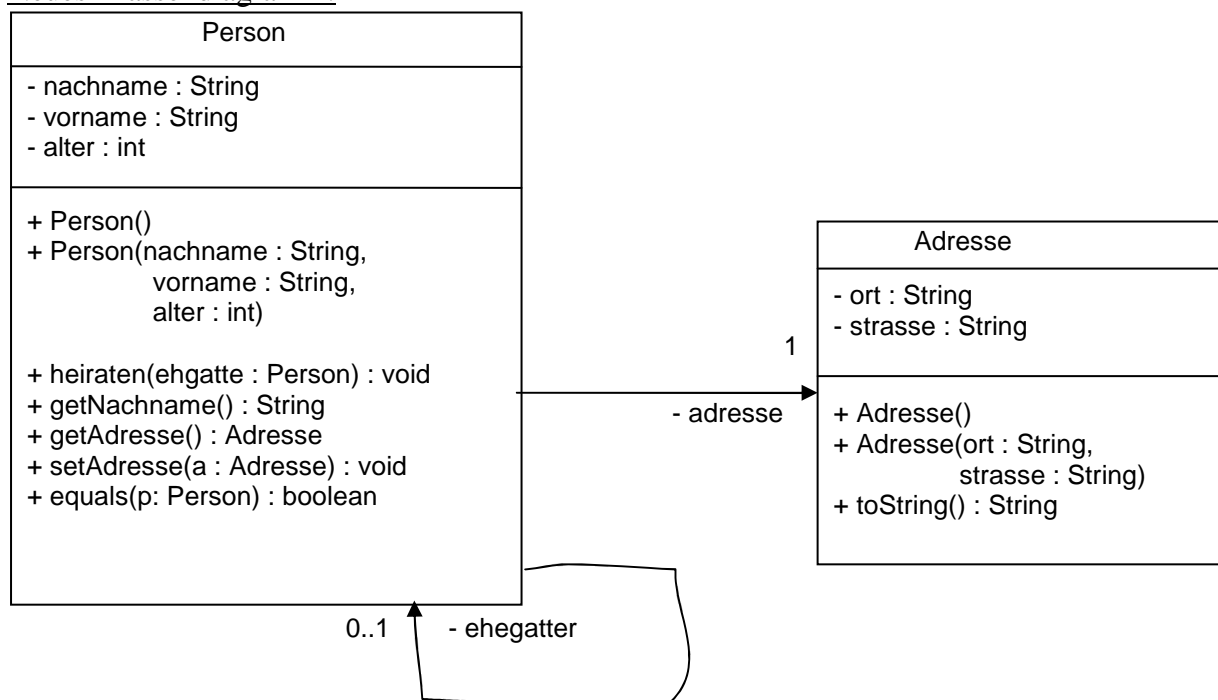
- Immer **this** innerhalb einer Objektmethode vor Objektattribute von **this** schreiben.
- ==, != Identitätsoperator vergleich nur Verweise (bei Datentypen, Klasse)
- equals(...) vergleichen auch nur die Verweise. Der Vergleich muss selbst programmiert werden.

### Geheimprinzip:

- Datenkapslung (Zugriff auf Objektattribute einer Klasse nur in der Klasse selbst)
- In Java: Objektattribute mit **private** deklarieren

Default-Konstruktor existiert nur, wenn kein eigener programmiert wird.

### Neues Klassendiagramm:



## Neues Source-Code:

<pre>package standesamt_v2;  public class Person {      private String vorname; // Object attribute.     private String nachname;     private int alter;     private Person ehegatte;     private Adresse adresse;      public Person() {     }      public Person(String nachname, String vorname, int alter) {         this.nachname = nachname;         this.vorname = vorname;         this.alter = alter;     }      public void heiraten(Person ehegatte) { // Objectmethod         this.nachname = (this.nachname + "-")             + ehegatte.nachname;         ehegatte.nachname = this.nachname;         this.ehegatte = ehegatte;         ehegatte.ehegatte = this;     }      public String getNachname() {         return this.nachname;     }      public void setAdresse(Adresse a) {         this.adresse = a;     }      public Adresse getAdresse() {         return adresse;     }      @Override     public boolean equals(Object person) {         if (person instanceof Person) {             Person p = (Person) person;             if (this == p) {                 return true;             } else {                 return this.nachname.equals(p.nachname)                     &amp; this.vorname.equals(p.vorname);             }         }          return false;     } }</pre>	<pre>package standesamt_v2;  public class Adresse {     private String ort, strasse;      public Adresse() {     }      public Adresse(String ort, String strasse) {         this.ort = ort;         this.strasse = strasse;     }      @Override     public String toString() {         return strasse + ", " + ort;     } }  package standesamt_v2;  public class Main {     public static void main(String[] args) {          Person mueller = new Person("Müller", "Cyprian", 69);          Adresse a = new Adresse("Karlsruhe", "Moltkerstr. 20");         mueller.setAdresse(a);         System.out.println(mueller.getAdresse());          Person meier = new Person("Meier", "Anne", 19);         System.out.println("Bevor: " + meier.getNachname());          meier.heiraten(mueller);         System.out.println("Danach: " + meier.getNachname());          // Check of equals.         Person p1 = new Person("Müller", "Cyprian", 69);         Person p2 = new Person("Müller", "Cyprian", 69);         System.out.println(p1.equals(p2));     } }</pre>
----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

public	- Zugriff von jeder Klasse aus (In UML: +)
private	- Zugriff nur in der Klasse (In UML: -)
(nicht)	- Zugriff von allen Klassen im gleichen Paket (In UML: ~)
protected	- Zugriff von allen Klassen im gleichen Paket und in jeder Unterklasse (In UML: #)

## Java Beans Design Pattern

getAttribut(): Rückgabewert des Attributs (Bei boolean statt get, is => isSchaltjahr())

getAttribut(... Attributty ...): void

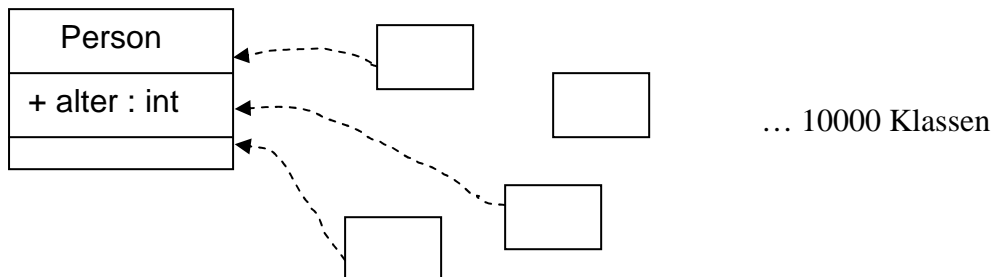
Auch bei anderen Zustandsänderungen

## 29.04.2010 (12 Vorlesung)

### Geheimnisprinzip

- Verbergen von Implementierungsdetails einer Klasse (Datenkapselung unterstützt dies Prinzip)

Falls alter public:



Änderung: Statt alter, soll Geburtsdatum gespeichert werden

=> alle von alter direkt abhängigen Klassen müssen geändert werden (hoher Aufwand)

Bei Datenkapselung:

Chance Änderungen nur in einer Klasse implementieren zu müssen

```
Person p = new Person(...);
Date geburtsdataum = person.getGeburtsdatum();
geburtsdatum.setJahr(-1000);
Date geburtsDatum = new Date(...);
Person p2 = new Person ("Mueller", "Heinz", geburtsDatum);
geburtsDatum.setJahr(0);
```

### Testen mit JUnit

Unit = Modul

Modultest

In Java: Klasse = Modul

Für jede Klasse wird eine Testklasse programmiert.

Jede Testmethode beginnt mit test.

1. Testdaten erzeugen
2. Zu überprüfende Methode aufrufe
3. Ergebnis der Methode überprüfen  
assertEquals(erwarteter Wert, tatsächlicher Wert)

Testfälle sollten viel kleiner als die zu überprüfende Implementierung sein

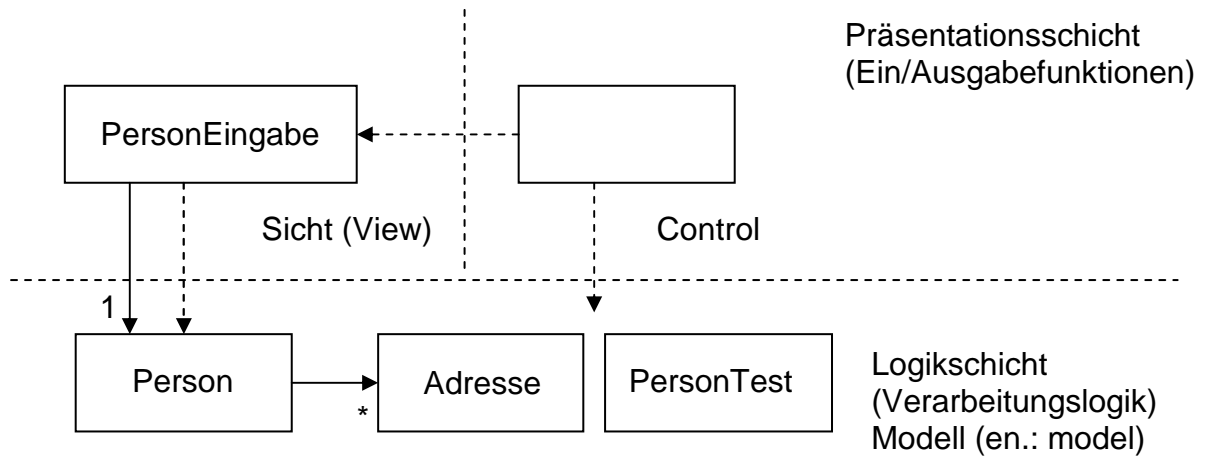
Testfälle müssen reproduzierbar sein, d.h. keine Zufälligen Daten erzeugen.

### NullPointerException

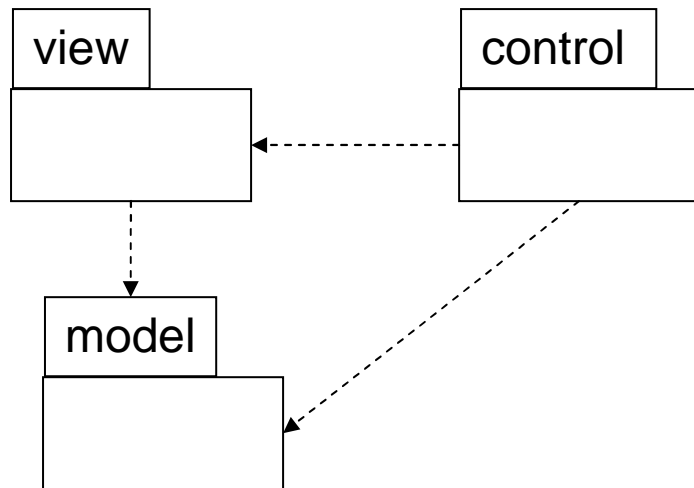
Programm bricht ab, weil versucht wird bei einem null-Verweis einer Variablen auf Objektattribute oder – Methoden zuzugreifen

**03.05.2010 (13 Vorlesung)**

MVC – Model-View-Control



Paketdiagramm bei komplexe Entwürfen oder wenn wir viele Klassen haben.



Klassenkommentar: (Begleitende Material: Der Beispiel im Java-Projekt von Tutorium 5)

- Erster Satz erscheint in der Klassenübersicht.
- Beschreibe um welche (realen) Objekte es sich handelt.

Methoden:

- Die Methoden-Kommentare sollen auf die folgende Frage antworten:  
Was macht die Methode?
- Verb oder Methode im Präsens verwenden.
- @param erlaubten Werte beschreiben.

Konstruktoren: (wie bei einer Methode)

- Verb erzeugt



Kommentare müssen:

- a) kurz sein und
- b) spezifisch sein (zusätzliche relevante Information enthält)

**06.05.2010 (14 Vorlesung) Fehlt!**

## 10.05.2010 (15 Vorlesung)

Abgabe: 2.Übungsblatt bis 8.6.

### Beispiel: Primzahlsieb

Gegeben: eine ganze Zahl  $n > 2$

Gesucht: Alle Primzahlen zw. 2 und  $n$

1 18 ( $n = 18$ )

| | | | | | | | | | | | | | | | | | | |

Schritt 1: Fange mit 2 an und das Rest +2 addieren und streichen...

| 0 | 1 | 2 | 3 | ~~4~~ | 5 | ~~6~~ | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 |

^-----^-----^-----^-----^ ...

+2 +2 +2 +2 ...

Schritt 2: Fange mit 3 an und das Rest +3 addieren und streichen...

| 0 | 1 | 2 | 3 | ~~4~~ | 5 | ~~6~~ | 7 | ~~8~~ | ~~9~~ | 10 | 11 | ~~12~~ | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 |

^-----^-----^-----^ ...

+3 +3 +3 ...

Entwurf:

PrimzahlSieb
-sieb: boolean[ ]
+ PrimzahlSieb(n:int) + berechne():void + istPrimzahl(z:int):boolean

Source:

Sehen Sie das beigefügte Java-Projekt mit Eclipse: tt.tutorial-6.primzahl

Junit-Test-Klasse:

Sehen Sie das beigefügte Java-Projekt mit Eclipse: tt.tutorial-6.primzahl

## Zweidimensionale Felder:

$$\begin{pmatrix} 5 & 3 & 8 & 2 & 1 \\ 2 & 1 & -5 & 4 & 3 \\ -5 & 7 & 4 & 8 & -6 \end{pmatrix}$$

a ->  $\begin{bmatrix} [] \rightarrow | 1 | 2 | \\ [] \rightarrow \\ [] \end{bmatrix}$

```
int [][] matrix;  
matrix = new int [3] [5];
```

Symmetrisches Feld :

```
int [][] matrix = { {5, 3, 8, 2, 1},  
                    {...},  
                    {-5, 7, 4, 8, -6} }
```

Asymmetrisches Feld:

```
int [][] a = { {1, 2},  
               {1, 2, 3},  
               null }
```

```
a [2] [1] = 7; //NullPointerException
```

Beispiel :

					1					
				1		1				
		1		3	2		1			
	1	4	3	6	3	4	1			
1	5	10	10	6	10	5	1	1		

$$(a+b)^0 = 1$$

$$(a+b)^1 = 1*a + 1*b$$

$$(a+b)^2 = 1*a^2 + 2*a*b + 1*b^2$$

$$(a+b)^3 = 1*a^3 + 3*a^2*b + 3*a*b^2 + 1*b^3$$

$$(a+b)^5 = 1*a^5 + 5*a^4*b + 10*a^3*b^2 + 10*a^2*b^3 + 5*a*b^4 + 1*b^5$$

$$(a+b)^n = \binom{n}{0} * a^n + \binom{n}{1} * a^{n-1} * b + \dots + \binom{n}{n-1} * a * b^{n-1} + \binom{n}{n} * b^n$$

## 17.05.2010 (16 Vorlesung) - Rekursion

Praxisforum Mi. 19.5., 11:30

Pflichtaufgabe Sudoku

Abgabe: bis Mo. 28.6 (Pape)  
Bis Di 29.6. (Körner)

		S								
Z	1	3	7							
	6	2	4	1	9	5				
	5	9	8					6		
	8				6					
	4					3				1
			W		2					
		6						2	8	
			4	4	1	9				5
									7	

Model

- Konstruktor mit partiell ausgefüllten Spiel
- Wert an Zeile, Spalte Wert ermitteln
- Ist Zug an Stelle z, s mit w erlaubt?
- Wert setzen, falls erlaubt

Züge brauchen nicht rückgängig gemacht werden.

„Sackgassen“ brauchen nicht erkannt werden.

Rekursion:



$n! := 1.2.3.4 \dots (n-1).n$

$$n! := \begin{cases} 1 & n = 0 \\ (n-1)! \cdot n & n > 0 \end{cases} \quad \text{rekursive Definition}$$

Bsp.:  $7! = 6! \cdot 7 = 5! \cdot 6 \cdot 7 = 4! \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 = \dots = 0! \cdot 1 \cdot 2 \cdot \dots \cdot 7 = 1 \cdot \dots \cdot 7$

$$\text{ggT}(a, b) := \begin{cases} a & \text{falls } a = b \\ \text{ggT}(a-b, b) & a > b \\ \text{ggT}(a, b-a) & a < b \end{cases}$$

$\text{ggT}(6, 18) = \text{ggT}(6, 12) = \text{ggT}(6, 6) = 6$

Bsp.:

$$(n|k) := \begin{cases} 1 & k = 0 \text{ oder } n = k \\ (n-1|k-1) + (n-1|k) & \text{falls } 0 < k < n \end{cases}$$

Fakultät von 4 als Bild: Sehen Sie Tutorium 7

Erster rekursiver Aufruf hat Rekursionsebene (-tiefe) 0

Lineare Rekursion:

Ein Aufruf einer Methode hat höchstens einen return Aufruf zur Folge

Bsp.: FibonacciV1

1 Paar Kaninchen (m+n)

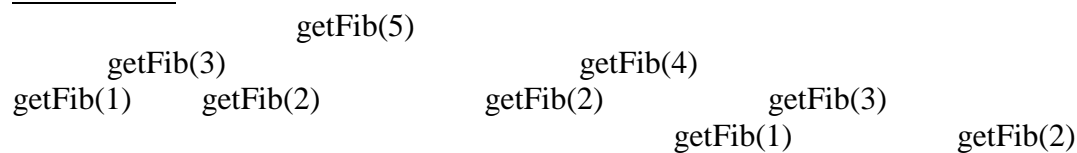
2. Generationen Zur Geschlechtsreife

1 Paar wirkt ein weiteres Paar, Kaninchen sterben nicht.

N	Paare
1	1
2	1
3	2
4	3
5	5
6	8
7	13

$$\text{fib}(n) := \begin{cases} 1 & , n \leq 2 \\ \text{fib}(n-2) + \text{fib}(n-1) & , n > 2 \end{cases}$$

Baumaufruf:



Rekursionstiefe 3

Verzweigende Rekursion:

Ein Methodenaufruf kann mehr als einen rekursiven Aufruf zu Folge haben

Dynamisches Programmieren:

Ergebnisse berechnen indem Teilergebnisse wiederverwendet werden.

Teilergebnisse in Feld speichern

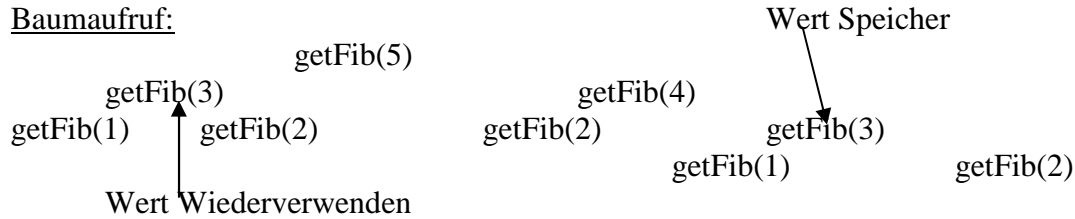
**20.05.2010 (17 Vorlesung) - Rekursion**

Dynamisches Programmieren

Bsp.: FibonacciV2

$$\text{fib}(n) := \begin{cases} 1 & , n \leq 2 \\ \text{fib}(n-2) + \text{fib}(n-1) & , n > 2 \end{cases}$$

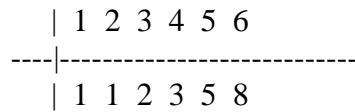
Baumaufruf:



Wert in ein Feld speichern

fib[n] = fib(n)

fib[n] = falls wert noch nicht berechnet

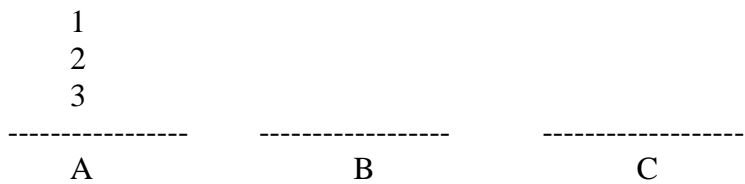


Also Fibonacci-Zahl von 4 ist die Summe von vorherigen zwei Zahlen (2 + 3)

Fibonacci-Zahl von 5: 3 + 2

Fibonacci-Zahl von 6: 5 + 3 usw.

Bsp.: Türme von Hanoi



Immer kleinere Zahl auf eine größere Zahl

A -> B oder A -> C

1. A(1) -> C(1)
2. A(2) -> B(2)
3. C(1) -> B(1)
4. A(3) -> C(3)
5. B(1) -> A(1)
6. B(2) -> C(2)
7. A(1) -> C(1)
- 8.

1. Parameter: Anzahl-Scheibe
2. Parameter: von
3. Parameter: zu
4. Parameter: Hilf-Stab

hanoi (4, 1, 3, 2)

hanoi(3, 1, 2, 3)

hanoi(3, 2, 3, 1)

·  
·  
·

·  
·  
·

```
public void hanoi(int n, int von, int zu, int hilf) {
    if (n == 1) {
        Syso(von + "->" + zu);
    } else {
        hanoi(n-1, von, hilf, zu);
        Syso(von + "->" + zu);
        hanoi(n-1, hilf, zu, von)
    }
}
```



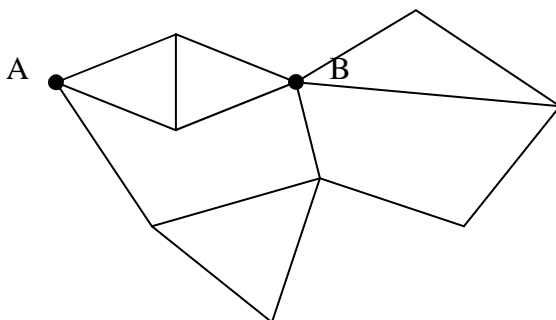
Aufrufe:

1, 2, 4, 8, ...

$2^n - 1$

$2^{65} - 1 \approx 2^{65} = 2^{6 \cdot 10} \cdot 2^5 \sim 1000^6 \cdot 2^5$

Mehr als 1 Billion Aufrufe ( $10^3$ )<sup>6</sup>

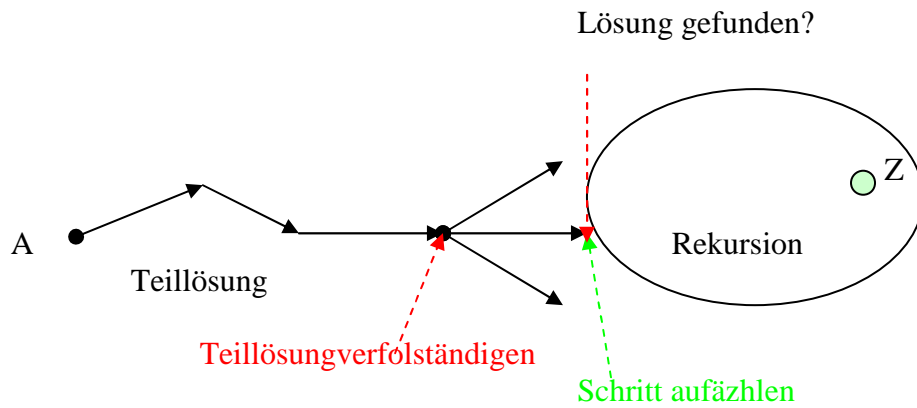


Versuch und Irrtum / trial and error

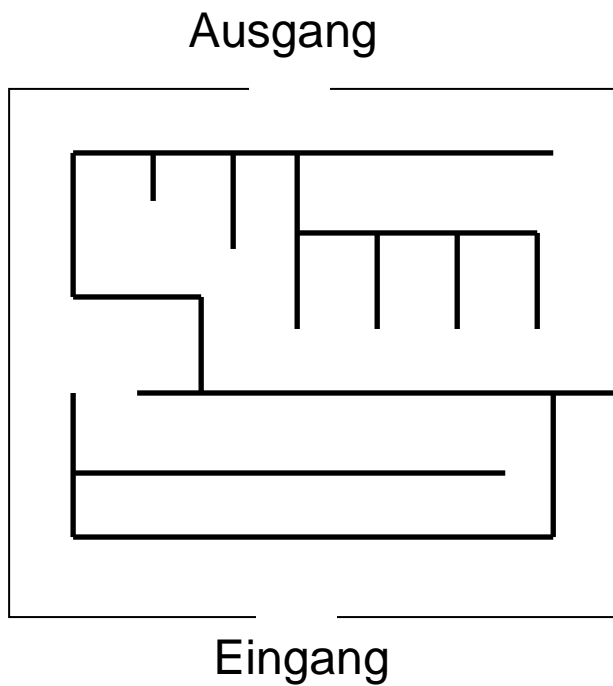
Zurückgehen : backtracking



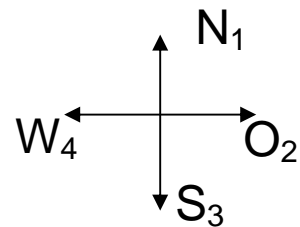
**31.05.2010 (18 Vorlesung) - Backtracking**



Labyrinth Bild von der Tafel:



Alle Schritte aufzählen



Fazit:

- Lsg. Gefunden
- Algorithmus ist sehr schnell
- Findet der kürzeste Weg

### Springerproblem

Ab ein Feld von 4x4, bei 4x4 ist das Feld zu klein und es geht nicht.

	18	3	8	13
		12	17	4
19	2	7	14	9
	11	16	5	
1	6		10	15

Bei 8x8 Feld dauert es zu lange, kann sein Tagen oder Stunden ☺.

**10.06.2010 (19 Vorlesung) Fehlt!**

**14.16.2010 (20 Vorlesung)**

$$\begin{aligned}
 T(n) &= 2 \cdot T(n/2) + c \cdot n \\
 &= 2 \cdot [2 \cdot T(n/4) + c \cdot n/2] + c \cdot n \\
 &= 2^2 \cdot T(n/2^2) + 2 \cdot c \cdot n \\
 &= 2^2 \cdot [2 \cdot T(n/2^2) + c \cdot n/2] + 2 \cdot c \cdot n \\
 &= 2^3 \cdot T(n/2^3) + 3 \cdot c \cdot n \\
 &\dots \text{ k mal} \\
 &= 2^k \cdot T(o) + k \cdot c \cdot n = 2^k \cdot c + k \cdot c \cdot n = 2^n \cdot c + \log_2(2^n) \cdot c \cdot n \\
 &= O(\log_2(2^n) \cdot n) = O(\log_2(n) \cdot n)
 \end{aligned}$$

	$n^2$	$(\log_2 n) \cdot n$
1.000	$(1000^2)10 = 10\text{ms}$	$10 \cdot 10 \cdot 1.000, 100 \text{ microsececunds } (\mu\text{s}).$
1.000.000	$(1000^4)10 = 10.000\text{ms}$	$10 \cdot 20 \cdot 1.000.000, 200 (\mu\text{s}).$

Mergesort (Zeitaufwand)  $O(n \cdot \log_2 n)$  im schlimmsten, bestens, durchschnittlichen Fall

Untere Schranke für ein Problem der Größe n:

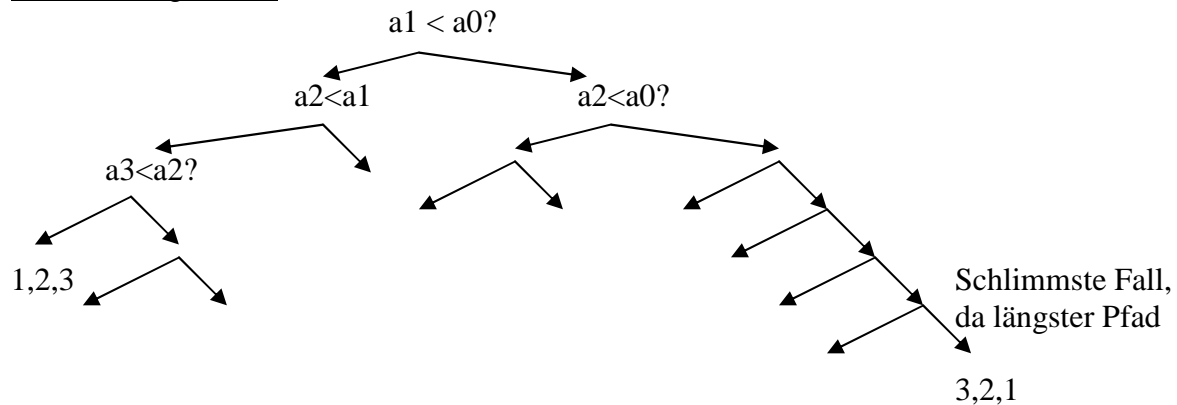
Zeitaufwand im schlimmsten Fall, den jeder Algorithmus mindestens benötigt:

$$O(\log_2 n!) = O(n \cdot \log_2 n)$$

Zählen alle Vergleiche von Werten der Folge

n=3	$a_0$	$a_1$	$a_2$
	1	2	3
	2	1	3
	1	3	2
	3	2	1
	2	3	1
	3	1	2

Entscheidungsbaum:



n Elemente, n! verschiedene Anordnungen

Längste Pfad  $\log_2(n!)$

$$\begin{aligned} \log_2(n!) &\geq \log_2(n/2 * (n/2+1) * (n/2+2) \dots n) \\ &\geq \log_2(n/2 * n/2 \dots n/2 * n/2) \\ &\geq \log_2((n/2)^{n/2}) = n/2 * \log_2(n/2) = O(n * \log_2 n) \end{aligned}$$

Runden beliebiggroßer Zahlen  $\{1, \dots, n\}$

Bubblesort:

|=> Benachbarte Werte vertauschen, falls linke wert größer als rechte Wert ist.

5	3	8	7	2	1	4	6
5	3	8	7	1	2	4	6
5	3	8	1	7	2	4	6
5	3	1	8	7	2	4	6
5	1	3	8	7	2	4	6
1	5	3	8	7	2	4	6
1	2	5	3	8	7	4	6
1	2	3	5	4	8	7	6

(n-1) Vergleich

(n-2)

(n-3)

$1/O(n^2)$  Vergleich

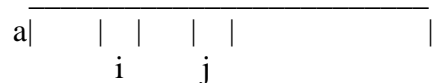
$O(n^2)$  Vertauschen im schlimmsten Fall

Warum Bubble?

|=> die kleinere Elemente sehen so aus, als sie wandern nach oben (wie kleine blasen)

Direktes Einfügen:

3	5	2	8	1	7	4	6
3	5	2	8	1	7	4	6
2	3	5	8	1	7	4	6
2	3	5	8	1	7	4	6
1	2	3	5	8	7	4	6
1	2	3	4	5	7	8	6
1	2	3	4	5	6	7	8



Für jeden  $i = 1, 2, \dots, n$

Finde Pos. j an der a[i] „hingeört“ a[j] .. a[i-1] nach rechts verschieben a[i] an Stelle a[j] schreiben

Schlimmste Fall: Folge ist absteigend sortiert:  $1+2+3+4+\dots+(n+1) = O(n^2)$  Vergleiche

Binärsuche  $O(m \log_2 n) \Rightarrow O(n^2)$  Verschiebeoperationen

Bester Fall. Folge bereits sortiert =  $O(m)$  Zeitaufwand